

**Второ контролно по ИС, 14.01.16**  
спец. Информационни системи  
**ВАРИАНТ В**

**Задача 1.** Нека  $A$  е множество с  $k$  елемента, а  $B$  е множество с  $n$  елемента.

1. Колко са функциите  $f : A \rightarrow B$ ?
2. Колко са  $k$  елементните подмножества на  $B$ ?
3. По колко начина от тесте с 52 карти могат да се извадят 13, в които има vale каро и точно три дами?

**Задача 2.** Формулирайте принципа за включването и изключването за 3 множества.

**Задача 3.** Колко са естествените числа по-малки от 1201, които се делят на 3 или на 5 или на 7.

**Задача 4.**

1. Дефинирайте двойствена функция. Намерете двойствената функция на  $f(x, y, z) = (x \rightarrow (y \vee z)) \leftrightarrow xz$ .
2. Дефинирайте класовете  $T_0$  и  $L$ .
3. Колко са булевите функции на  $n$  аргумента, които са от  $T_0 \cap T_1 \cap L$ .

**Задача 5.** Нека  $F$  е множество от булеви функции.

1. Дефинирайте затварянето  $[F]$ .
2. Проверете дали множеството  $[\{x \rightarrow y, x\}]$  съдържа всички булеви функции.

**Задача 6.**

1. Какво означава една функция да е Шеферова и какъв е критерият за това.
2. Проверете дали функцията  $\overline{x \vee y}$  е Шеферова.

**Пожелаваме Ви успех:**  
**Екипът.**

**Второ контролно по ИС, 14.01.16**  
спец. Информационни системи  
**ВАРИАНТ Д**

**Задача 1.** Нека  $A$  е множество с  $n$  елемента.

1. Колко са всички подмножества на  $A$ ?
2. Колко са всички булеви функции  $f : \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}$  и колко от тях са инективни?
3. По колко начина от тесте с 52 карти могат да се извадят 13, в които има асо купа и точно две седмици?

**Задача 2.** Колко са ненаредените конфигурации с повторение от  $k$  елемента измежду  $n$ .

**Задача 3.** Имаме четири цвята топки: сини, бели, червени и зелени и една кутия, което събира 50 топки. По колко различни начина може да напълнят кутията.

**Задача 4.**

1. Формулирайте теоремата на Бул.
2. Намерете съвършената дизюнктивна нормална форма на функцията  $f(x, y, z) = (z \rightarrow (y \vee x)) \leftrightarrow xz$ .
3. Дефинирайте класовете  $T_0$  и  $L$ .
4. Колко са булевите функции на  $n$  аргумента, които са линейни и колко тези в  $T_0 \cup L$ .

**Задача 5.** Нека  $F$  е множество от булеви функции.

1. Формулирайте критерия за затвореност на  $F$ .
2. Проверете дали  $T_0 \cup T_1$  е затворено.

**Задача 6.**

1. Формулирайте теоремата на Пост-Яблонски.
2. Проверете дали множеството  $\overline{x \vee y}$  е пълно.

**Пожелаваме Ви успех:**  
**Екипът.**

**Второ контролно по ИС, 14.01.16**  
**спец. Информационни системи**  
**ВАРИАНТ Д**

**Задача 1.** Нека  $A$  е множество с  $k$  елемента, а  $B$  е множество с  $n$  елемента.

1. Колко са функциите  $f : A \rightarrow B$ ?
2. Колко са  $k$  елементните подмножества на  $B$ ?
3. По колко начина от тесте с 52 карти могат да се извадят 13, в които има vale каро и точно три дами?

**Задача 2.** Формулирайте принципа за включването и изключването за 3 множества.

**Задача 3.** Колко са естествените числа по-малки от 1201, които се делят на 3 или на 5 или на 7.

**Задача 4.**

1. Дефинирайте двойствена функция. Намерете двойствената функция на  $f(x, y, z) = (x \rightarrow (y \vee z)) \leftrightarrow xz$ .
2. Дефинирайте класовете  $T_0$  и  $L$ .
3. Колко са булевите функции на  $n$  аргумента, които са от  $T_0 \cap T_1 \cap L$ .

**Задача 5.** Нека  $F$  е множество от булеви функции.

1. Дефинирайте затварянето  $[F]$ .
2. Проверете дали множеството  $[\{x \rightarrow y, x\}]$  съдържа всички булеви функции.

**Задача 6.**

1. Какво означава една функция да е Шеферова и какъв е критерият за това.
2. Проверете дали функцията  $\overline{x \vee y}$  е Шеферова.

**Пожелаваме Ви успех:**  
**Екипът.**

**Второ контролно по ИС, 14.01.16**  
**спец. Информационни системи**  
**ВАРИАНТ Б**

**Задача 1.** Нека  $A$  е множество с  $n$  елемента.

1. Колко са всички подмножества на  $A$ ?
2. Колко са всички булеви функции  $f : \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}$  и колко от тях са инективни?
3. По колко начина от тесте с 52 карти могат да се извадят 13, в които има асо купа и точно две седмици?

**Задача 2.** Колко са ненаредените конфигурации с повторение от  $k$  елемента измежду  $n$ .

**Задача 3.** Имаме четири цвята топки: сини, бели, червени и зелени и една кутия, което събира 50 топки. По колко различни начина може да напълнят кутията.

**Задача 4.**

1. Формулирайте теоремата на Бул.
2. Намерете съвършената дизюнктивна нормална форма на функцията  $f(x, y, z) = (z \rightarrow (y \vee x)) \leftrightarrow xz$ .
3. Дефинирайте класовете  $T_0$  и  $L$ .
4. Колко са булевите функции на  $n$  аргумента, които са линейни и колко тези в  $T_0 \cup L$ .

**Задача 5.** Нека  $F$  е множество от булеви функции.

1. Формулирайте критерия за затвореност на  $F$ .
2. Проверете дали  $T_0 \cup T_1$  е затворено.

**Задача 6.**

1. Формулирайте теоремата на Пост-Яблонски.
2. Проверете дали множеството  $\overline{x \vee y}$  е пълно.

**Пожелаваме Ви успех:**  
**Екипът.**