

Декларативно програмиране в процедурните езици

Множества и списъци

Владислав Ненчев

Софийски Университет “Св. Климент Охридски”
Факултет по Математика и Информатика
Катедра по Математическа Логика и Приложенията ѝ

4 Ноември 2016

Множества vs списъци

Множества

vs

Списъци

Множества vs списъци

Множества

vs

Списъци

Уникалност на елементите.

Изброяване: поредността
няма значение.

Операции: сечение,
обединение, разлика,
подмножество.

Принадлежност и
изтриване за $O(n)$.

Множества vs списъци

Множества

vs

Списъци

Уникалност на елементите.

Изброяване: поредността
няма значение.

Операции: сечение,
обединение, разлика,
подмножество.

Принадлежност и
изтриване за $O(n)$.

Повтаряне на елементите.

Изброяване: поредността е
важна.

Операции: конкатенация,
zip, подписък, подредица,
пермутации, сортиране.

Логаритмично или
интерполационно търсене.

Множества vs списъци

Множества	vs	Списъци
Уникалност на елементите. Изброяване: поредността няма значение. Операции: сечение, обединение, разлика, подмножество. Принадлежност и изтриване за $O(n)$.		Повтаряне на елементите. Изброяване: поредността е важна. Операции: конкатенация, zip, подсписък, подредица, пермутации, сортиране. Логаритмично или интерполационно търсене.

Преобразуване на изрази за множества. Кореспонденция между
множествени операции (и принадлежност) и булеви оператори.

Множества vs списъци

Множества	vs	Списъци
Уникалност на елементите. Изброяване: поредността няма значение. Операции: сечение, обединение, разлика, подмножество. Принадлежност и изтриване за $O(n)$.		Повтаряне на елементите. Изброяване: поредността е важна. Операции: конкатенация, zip, подсписък, подредица, пермутации, сортиране. Логаритмично или интерполационно търсене.

Преобразуване на изрази за множества. Кореспонденция между
множествени операции (и принадлежност) и булеви оператори.

Други важни структури: map (функция), tuple (n -орка).

Множества и списъци в C#

Множества - `ISet<T>` и `HashSet<T>`:

- ▶ `HashSet.Add`, `HashSet.Remove`, `HashSet.Contains`
- ▶ `HashSet.IntersectWith`, `HashSet.UnionWith`,
`HashSet.ExceptWith`, `HashSet.SymmetricExceptWith`
- ▶ `HashSet.IsSubsetOf`, `HashSet.IsSupersetOf`,
`HashSet.IsProperSubsetOf`, `HashSet.IsProperSupersetOf`

Множества и списъци в C#

Множества - `ISet<T>` и `HashSet<T>`:

- ▶ `HashSet.Add`, `HashSet.Remove`, `HashSet.Contains`
- ▶ `HashSet.IntersectWith`, `HashSet.UnionWith`,
`HashSet.ExceptWith`, `HashSet.SymmetricExceptWith`
- ▶ `HashSet.IsSubsetOf`, `HashSet.IsSupersetOf`,
`HashSet.IsProperSubsetOf`, `HashSet.IsProperSupersetOf`

Списъци - `IList<T>` и `List<T>`:

- ▶ `List.Add`, `List.Remove`, `List.Contains`
- ▶ `List.AddRange`, `List.Zip`, `IEnumerable.Concat`
- ▶ `List.Reverse`, `List.Sort`
- ▶ `List.Intersect`, `List.Union`, `List.Except`

Множества и списъци в C#

Множества - `ISet<T>` и `HashSet<T>`:

- ▶ `HashSet.Add`, `HashSet.Remove`, `HashSet.Contains`
- ▶ `HashSet.IntersectWith`, `HashSet.UnionWith`,
`HashSet.ExceptWith`, `HashSet.SymmetricExceptWith`
- ▶ `HashSet.IsSubsetOf`, `HashSet.IsSupersetOf`,
`HashSet.IsProperSubsetOf`, `HashSet.IsProperSupersetOf`

Списъци - `IList<T>` и `List<T>`:

- ▶ `List.Add`, `List.Remove`, `List.Contains`
- ▶ `List.AddRange`, `List.Zip`, `IEnumerable.Concat`
- ▶ `List.Reverse`, `List.Sort`
- ▶ `List.Intersect`, `List.Union`, `List.Except`

Други: `Hashtable<T, T>`, `Dictionary<T, T>`, `Tuple` (до 8-орки)

Операции с графи

```
bool IsSubgraphOf(Graph graph) =>
    vertices.IsSubsetOf(graph.vertices) &&
    edges.IsSubsetOf(graph.edges);
bool IsSupergraphOf(Graph graph) =>
    graph.IsSubgraphOf(this);
```

Операции с графи

```
bool IsSubgraphOf(Graph graph) =>
    vertices.IsSubsetOf(graph.vertices) &&
    edges.IsSubsetOf(graph.edges);
bool IsSupergraphOf(Graph graph) =>
    graph.IsSubgraphOf(this);
```

```
Graph total = new Graph();
total.vertices = vertices;
total.edges =
    new HashSet<GraphEdge>(
        from vertex1 in vertices
        from vertex2 in vertices
        select Edge(vertex1, vertex2));
```

```
Graph negative = Total;
negative.edges.ExceptWith(edges);
```

Множества и списъци в Java

Множества - `Set<E>` и `HashSet<E>`:

- ▶ `HashSet.add`, `HashSet.remove`, `HashSet.contains`
- ▶ `HashSet.retainAll`, `HashSet.addAll`, `HashSet.removeAll`
- ▶ `HashSet.containsAll`

Множества и списъци в Java

Множества - `Set<E>` и `HashSet<E>`:

- ▶ `HashSet.add`, `HashSet.remove`, `HashSet.contains`
- ▶ `HashSet.retainAll`, `HashSet.addAll`, `HashSet.removeAll`
- ▶ `HashSet.containsAll`

Списъци - `List<E>` и `ArrayList<E>`:

- ▶ `ArrayList.add`, `ArrayList.remove`, `ArrayList.contains`
- ▶ `Stream.concat`, `Stream.sorted`
- ▶ `ArrayList.subList`
- ▶ `ArrayList.retainAll`, `ArrayList.addAll`, `ArrayList.removeAll`

Множества и списъци в Java

Множества - `Set<E>` и `HashSet<E>`:

- ▶ `HashSet.add`, `HashSet.remove`, `HashSet.contains`
- ▶ `HashSet.retainAll`, `HashSet.addAll`, `HashSet.removeAll`
- ▶ `HashSet.containsAll`

Списъци - `List<E>` и `ArrayList<E>`:

- ▶ `ArrayList.add`, `ArrayList.remove`, `ArrayList.contains`
- ▶ `Stream.concat`, `Stream.sorted`
- ▶ `ArrayList.subList`
- ▶ `ArrayList.retainAll`, `ArrayList.addAll`, `ArrayList.removeAll`

Други: `HashMap<K,V>`, `Hashtable<K,V>`

Максимизираща функция

```
Map<Double, Double> function1 = ...;
Map<Double, Double> function2 = ...;

Set<Entry<Double, Double>> maximalEntries =
    function1.entrySet().stream().
        filter(entry ->
            function2.getDefault(entry.getKey(),
                function1.get(entry.getKey()))
            <= function1.get(entry.getKey())).
        collect(Collectors.toCollection(HashSet::new));

maximalEntries.addAll(
    function2.entrySet().stream().
        filter(entry ->
            function1.getDefault(entry.getKey(),
                function2.get(entry.getKey()))
            <= function2.get(entry.getKey())).
        collect(Collectors.toCollection(HashSet::new)));
```

Множества и списъци в JavaScript

Множества - Set:

- ▶ `Set.add`, `Set.delete`, `Set.has`
- ▶ обединение чрез `.new Set ([..., ...])` , сечение и разлика чрез `Set.filter`
- ▶ подмножество чрез `Set.filter` или `Set.every`

Множества и списъци в JavaScript

Множества - Set:

- ▶ `Set.add`, `Set.delete`, `Set.has`
- ▶ обединение чрез `.new Set ([..., ...])` , сечение и разлика чрез `Set.filter`
- ▶ подмножество чрез `Set.filter` или `Set.every`

Списъци - Array:

- ▶ `Array.push`, `Array.pop`, `Array.unshift`, `Array.shift` ,
`Array.includes`
- ▶ `Array.concat`, `Array.slice`
- ▶ `Array.sort`, `Array.reverse`

Множества и списъци в JavaScript

Множества - Set:

- ▶ `Set.add`, `Set.delete`, `Set.has`
- ▶ обединение чрез `.new Set ([..., ...])` , сечение и разлика чрез `Set.filter`
- ▶ подмножество чрез `Set.filter` или `Set.every`

Списъци - Array:

- ▶ `Array.push`, `Array.pop`, `Array.unshift`, `Array.shift` ,
`Array.includes`
- ▶ `Array.concat`, `Array.slice`
- ▶ `Array.sort`, `Array.reverse`

Други: `Map`, `Object.freeze ([])`

Операции с множества

```
Set.prototype.Union =  
  function(otherSet) {  
    return new Set([...this, ...otherSet]); }  
  
Set.prototype.Intersection =  
  function(otherSet) {  
    return new Set([...this].filter(  
      element => otherSet.has(element))); }  
  
Set.prototype.Difference =  
  function(otherSet) {  
    return new Set([...this].filter(  
      element => !otherSet.has(element))); }  
  
Set.prototype.SymmetricDifference =  
  function(otherSet) {  
    return this.Difference(otherSet).  
      Union(otherSet.Difference(this)); }
```

Операции с множества (продължение)

```
function MultiIntersection()  
{  
  var minimalSizedSet =  
    [...arguments].reduce(  
      function(aggregate, current) {  
        return  
          aggregate.size <= current.size ?  
            aggregate :  
            current; },  
      arguments[0]);  
  
  return  
    new Set([...minimalSizedSet].  
      filter(element =>  
        [...arguments].every(set =>  
          set.has(element))));  
}
```

Множества и списъци в Python

Множества - set:

- ▶ `set.add`, `set.update`, `set.remove`, `set.pop`, `in`, `not in`
- ▶ `set.intersection`, `&`, `set.union`, `|`, `set.difference`, `-`, `set.symmetric_difference`, `^`
- ▶ `set.issubset`, `<=`, `set.issuperset`, `>=`

Множества и списъци в Python

Множества - set:

- ▶ `set.add`, `set.update`, `set.remove`, `set.pop`, `in`, `not in`
- ▶ `set.intersection`, `&`, `set.union`, `|`, `set.difference`, `-`, `set.symmetric_difference`, `^`
- ▶ `set.issubset`, `<=`, `set.issuperset`, `>=`

Списъци - list:

- ▶ `list.append`, `list.extend`, `list.insert`, `list.remove`, `list.pop`
- ▶ `iterable.slice`, `iterable.chain`, `iterable.zip`, `iterable.tee`
- ▶ `list.sort`, `iterable.sorted`, `list.reverse`, `iterable.reversed`

Множества и списъци в Python

Множества - set:

- ▶ `set.add`, `set.update`, `set.remove`, `set.pop`, `in`, `not in`
- ▶ `set.intersection`, `&`, `set.union`, `|`, `set.difference`, `-`, `set.symmetric_difference`, `^`
- ▶ `set.issubset`, `<=`, `set.issuperset`, `>=`

Списъци - list:

- ▶ `list.append`, `list.extend`, `list.insert`, `list.remove`, `list.pop`
- ▶ `iterable.slice`, `iterable.chain`, `iterable.zip`, `iterable.tee`
- ▶ `list.sort`, `iterable.sorted`, `list.reverse`, `iterable.reversed`

Други: dictionary, (), frozenset

Сечение на редици

```
def LazyCaterer():  
    index = 0  
    while True:  
        yield (index * index + index + 2) / 2  
        index += 1  
  
def Catalan():  
    index = 0  
    current = 1  
    while True:  
        yield current  
        current = current * (4 * index + 2) / (index + 2)  
        index += 1
```

Сечение на редици

```
def LazyCaterer():
    index = 0
    while True:
        yield (index * index + index + 2) / 2
        index += 1

def Catalan():
    index = 0
    current = 1
    while True:
        yield current
        current = current * (4 * index + 2) / (index + 2)
        index += 1
```

```
def LessThan(sequence, limit):
    return takewhile(lambda n: n <= limit, sequence())

result = set(LessThan(Fibonacci, 1000000000)) &
         set(LessThan(LazyCaterer, 1000000000)) &
         set(LessThan(Catalan, 1000000000))
```

Упражнения

- ▶ Генератор на подмножества.

Упражнения

- ▶ Генератор на подмножества.
- ▶ Генератор на подписъци.

Упражнения

- ▶ Генератор на подмножества.
- ▶ Генератор на подписъци.
- ▶ Генератор на подредици.

Упражнения

- ▶ Генератор на подмножества.
- ▶ Генератор на подписъци.
- ▶ Генератор на подредици.
- ▶ Генератор на пермутации.