

Увод в теория на графите (екстремална теория)

Конспект

1. Основни понятия. Изоморфизъм на графи. Подграфи. Породени подграфи. Свързаност.
2. 2-хроматични графи. Теорема на Кьониг.
3. Теорема на Туран за графи без триъгълници.
4. Неравенство на Мун и Мозер. Графи без 4-цикли. Оценка отгоре за броя на ребрата.
5. r -хроматични графи. Сума на Зиков. Оценка отгоре за броя на ребрата. Граф на Туран. Оценка отгоре за броя на ребрата с помощта на графа на Туран.
6. Теорема на Туран.
7. α -алгоритъм (greedy) за конструиране на клики.
8. Сдвоявания в граф. Характеристика на максимум сдвояванията. (Теорема на Берж).
9. Върхови покрития.
10. Ребрени покрития.
11. Сдвоявания в 2-хроматични графи. Теорема на Кьониг.
12. Теорема на Филип Хол за сдвоявания в 2-хроматични графи. Формула на Кьониг-Оре.
13. Хроматично число. Оценки.
14. Алчен (greedy) алгоритъм за правилно оцветяване на върховете на графа. Две следствия.
15. Графи без триъгълници с произволно голямо хроматично число. Конструкция на Мицелски.
16. Критични хроматични графи.
17. Спектър на граф. Коспектрални графи.
18. Пресмятане на броя на маршрутите в даден граф. Основна теорема. Следствия.